

$$\left[ \frac{(x^{-2}-1)(x^{-1}+x)}{(x^{-2}-x^{-1})(x^{-1}+1)} \right]^{-1}$$

vereinfachen, kürzen

Lösung:

$$\begin{aligned}
 & \left[ \frac{(x^{-2}-1)(x^{-1}+x)}{(x^{-2}-x^{-1})(x^{-1}+1)} \right]^{-1} && \text{umformen} \\
 & \frac{(x^{-2}-x^{-1})(x^{-1}+1)}{(x^{-2}-1)(x^{-1}+x)} && \text{umformen} \\
 & \frac{\left(\frac{1}{x^2}-\frac{1}{x}\right)\left(\frac{1}{x}+1\right)}{\left(\frac{1}{x^2}-1\right)\left(\frac{1}{x}+x\right)} && \text{erweitern} \\
 & \frac{\left(\frac{1}{x^2}-\frac{x}{x^2}\right)\left(\frac{1}{x}+\frac{x}{x}\right)}{\left(\frac{1}{x^2}-\frac{x^2}{x^2}\right)\left(\frac{1}{x}+\frac{x^2}{x}\right)} && \text{gleichnamig machen} \\
 & \frac{\left(\frac{1-x}{x^2}\right)\left(\frac{1+x}{x}\right)}{\left(\frac{1-x^2}{x^2}\right)\left(\frac{1+x^2}{x}\right)} && \text{kürzen} \\
 & \frac{(1-x)(1+x)}{(1-x^2)(1+x^2)} && \text{3-tes Binom} \\
 & \frac{(1-x)(1+x)}{(1-x)(1+x)(1+x^2)} && \text{kürzen} \\
 & \frac{1}{1+x^2}
 \end{aligned}$$